

## რიცხვთა ზონის მიხედვით ინფორმაციის დაცვის

### გეთორდის დამუშავება

გულნარა კოტრიკაძე, თაბუკა ციმინტია  
საქართველოს ტექნიკური უნივერსიტეტი

#### რეზიუმე

მიღებულია დახურული არხის ახალი მეთოდი, რომელიც მომზმარებლებისთვის, არის სწრაფი და გასაშიფრადაც მარტივია. ამავდროულად, მესამე პირისთვის „ჰაკერისთვის“ როულად გასატეხია, ანუ მაქსიმალურად დაცული სხვა არაკანონიერი მომზმარებლებისაგან. მიმღებ მხარეს შეუძლია დაადგინოს მიღებული დაშიფრული ტექსტის ნამდვილობა. აღნიშნული მეთოდის მისაღებად კი გამოყენებულია რიცხვთა წონები.

**საკვანძო სიტყვები:** დაცვა. სიმეტრიული. გასაღები. რიცხვთა წონები.

#### 1. შესავალი

რისთვისაა საჭირო ინფორმაციის დაცვა? რისი გაცემება შეუძლია ინფორმაციის გამტაცებელს – „ჰაკერს“? მას შეუძლია შეცვალოს ინფორმაცია თავისი მიზნებისათვის, გაიფართოვოს თავისი კანონიერი უფლებამოსილებანი. გაიგოს, ვის რა ინფორმაციასთან აქვს შეხება, შეუშალოს ხელი მომზმარებლებს შორის ინფორმაციის გაცვლას.

კრიპტოგრაფიული ტერმინოლოგით ადრესატისადმი გასაგზავნ წერილს (ჩვეულებრივ შეტყობინებას) ეწოდება დაუშიფრავი ან ღია ტექსტი. წერილის ისეთი სახით კოდირებას, რომლის დროსაც საიდუმლო ხდება ტექსტის შინაარსი გარკვეული კოდირების გამოყენებით, ეწოდება დაშიფრვა. კოდირებულ ტექსტს – დაშიფრული ტექსტი. დაშიფრული ტექსტიდან საწყისი ტექსტის აღდგენას – დეშიფრაცია. დაშიფრისას და გაშიფრვის (დეშიფრაციის) შემთხვევაში ადგილი აქვს ტექსტის გარდაქმნას განსაზღვრული ალგორითმის შესაბამისად. გარდაქმნის ტიპი ამოირჩევა გარდაქმნების სიმრავლიდან, რომელიც ქმნის კრიპტოგრაფიულ სისტემას. სისტემის ნაწილს, რომელიც ახორციელებს ინფორმაციული ტექსტის კონკრეტული გარდაქმნის კოდს, ეწოდება გასაღები. უმეტეს შემთხვევებში გასაღების სიგრძე გაცილებით ნაკლებია ტექსტის სიგრძეზე.

კრიპტოგრაფია საიდუმლოს შენახვის მეცნიერებაა. კრიპტოანალიზი – კოდის გატეხვის ზელოვნებაა, ე.ი. ნაწერის აღდგენა გასაღების წინასწარი ცოდნის გარეშე. კრიპტოგრაფიაში მომუშავე ადამიანებს კრიპტოგრაფები ეწოდებათ, ხოლო კრიპტოანალიზი მომუშავებს – კრიპტოანალიტიკოსები.

#### 2. ძირითადი ნაწილი

##### 2.1. რიცხვთა წონის გამოყენება ინფორმაციის დაცვისათვის

გავეცანით და შევისწავლეთ ყველა არსებული მეთოდი, როგორც დახურული, ასევე ღია არხის მეთოდები, დავადგინეთ მათი მახასიათებლები და პარამეტრები. დახურული და ღია არხის ყველა მეთოდი შევადარეთ ერთმანეთს მახასიათებლების მიხედვით.

ზემოაღნიშნულიდან გამომდინარე, დაისვა ამოცანა: შეგვექმნა სიმეტრიული, ანუ დახურული არხის ისეთი მეთოდი, რომელიც თვით მომზმარებლებისათვის, როგორც დასაშიფრად, ასევე გასაშიფრად იქნებოდა სწრაფი და მარტივი, მაგრამ ამავდროულად, მესამე პირისათვის („ჰაკერი“) იქნებოდა როულად „გასატეხი“, ანუ მაქსიმალურად დაცული სხვა არაკანონიერი მომზმარებლებისაგან. ასევე მიმღები მხარე დაადგენდა მიღებული დაშიფრული ტექსტის ნამდვილობას [1-3].

#### 2.2. მიღებული მეთოდი ორობით სისტემაში

ამოცანა მიეკუთვნება სიმეტრიულ სისტემებს. დავუშვათ, საწყისი მომზმარებულია X, მიმღები კი – Y. როგორც უკვე აღვნიშნეთ, ეს მეთოდი მიეკუთვნება დახურულ არხს, რაც ნიშნავს, რომ გამოიყენება გასაღები, რომელსაც ირჩევს საწყისი მომზმარებელი და საიდუმლოდ, დახურული გზით, აწვდის მეორე მომზმარებელს, ანუ მიმღებ მხარეს, გასაღები არის ორობითი სახის (გამოთვლა ხდება GF(2) ველზე). ასევე ორივე მომზმარებლისათვის წინასწარ ცნობილია რიცხვის წონის განსაზღვრის ხერხი, რომელიც გამოიყენება მეთოდში, ნამდვილობის შესამოწმებლად. მაშასადამე, გამოიყენება ორი სახის გასაღები, აქედან ერთი გამოიყენება დასაშიფრად, ხოლო მეორე კი ტექსტის ნამდვილობის შესამოწმებლად და დაშიფრის საბოლოო სახე დადის ორობითზე [3,4].

განვსაზღვროთ რიცხვის წონა. მაგალითად: რიცხვი 14 გადავიყვანოთ ორობითში  $14=1110$ , დავთვალით ორობით ჩანაწერში რამდენი ერთიანია. ამ შემთხვევაში არის 3, ე.ი. 14 ის წონა არის 3(4) – დან. ამის შემდგომ მიღებულს შევხდით როგორც რიცხვებს და ცალცალკე გადავიყვანოთ ორობითში და მივიღებთ  $3=11$  და  $4=100$  და ჩავწეროთ ასეთი სახით 11(100), ე.ი. 14-ის წონა მივიღეთ 11(100). მიღებული კი გამოიყენება დაშიფრული ტექსტის ნამდვილობის და სიმბოლოების რაოდენობის დასამოწმებლად. მოვიყვანოთ მაგალითი, რათა აღნიშნული მეთოდი უფრო მკაფიო და გასაგები გახდეს.

X მხარე აგზავნის წერილს, წერილიდან ამ უტაბზე ამოვილოთ ერთი სიტყვა და ეს სიტყვა იყოს, ვთქვათ: გ ე პ ე ი. X მხარეს ეს დასაშიფრი სიტყვა გადაჰყავს ათობითში, ათვლას იწყებს 0-დან ანუ  $a=0$ , ყოველ სიმბოლოს შეუსაბამებს ანბანის რიგით ნომერს და მიღებს: 2 4 14 4 8.

- შეძლებული მიღებული გადაჰყავს ორობითში და მიღებს: 2=10 4=100 14=1110 4=100 8=1000;
- მიღებულ ჩანაწერს შეუსაბამებთ წონებს, ზემო აღნიშნულიდან გამომდინარე და მიღიღებთ: 1020 1030 3040 1030 1040;

- ამის შეძლება, მიღებული წონები გადაგვავს ორობითში, შესაბამისად გვექნება: 10100 10110 1101000 10110 101000;

- შეძლება ჩაწერას განვახორციელებთ შეძლებნაირად: რიცხვის წონა 0, სიმბოლოების რაოდენობა 0, ანუ სიტყვა გ ე პ ე ი მიღებს ასეთ სახეს: 1010100 10010110 11010101000 10010110 1000101000

- ამის შეძლება, ვიყენებთ დასაშიფრ გასაღებს: 1100100 00110010 10111000110 10010000 1101100111 და მიღებულს ვუმატებთ, შესაბამისად მივიღებთ: 0110000 10100100 01010101110 00000110 0101001110;

- საბოლოო სახით ჩაწერილი დაშიფრული ტექსტი. 1010100-დან – 0100 – სიმბოლოების რაოდენობა, 1 – რიცხვის წონა (ანუ „ერთანების რაოდენობა“), 10 – რიცხვი.

- მიღებულს უგზავნის მეორე მომხმარებელს, ანუ მიმღებ მხარეს - კანონიერ მომხმარებელს, რომელიც ადვილად და სწრაფად ახდენს მის გაშიფრებს შეძლებნაირად:

1-ეტაპი: მიღებულს გამოაკლებს გასაღებს და მიღებს: 1010100 10010110 11010101000 10010110 1000101000;

2-ეტაპი: სიმბოლოების რაოდენობას ანუ ყოველ მეორე (θθ) – ამ სიმბოლოებს შორის, გადაიყვანს ათობითში და რა ციფრსაც მიღებს, იმ რაოდენობის სიმბოლოებს აიღებს წინა ჩანაწერიდან და ათვლას დაიწყებს თავიდან, თანაც დარჩენილი სიმბოლოები კი აღნიშნავს საწყისის წონას. ანუ მიმღები მხარე წონის პარამეტრების მიხედვით ადგნენ ყოველ ასონიშანში შემავალ სიმბოლოების რაოდენობას და ამავდროულად მის წონას. მაშასაღამე, ამტკიცებს მიღებული ინფორმაციის ნამდვილობას [5,6];

3-ეტაპი: მიღებულ ორობითს გადაიყვანს ათობითში, შეძლებომ შეუსაბამებს ანბანის შესაბამის ასონიშნებს და მიღებს სიტყვას ანუ გაშიფრავს, მოახდენს მის დეშიფრაციას;

ახლა კი რაც შეეხება არაკანონიერ მომხმარებელს ანუ „პაკერს“;

აღნიშნულ მეთოდში გასაღების სიგრძე არის 100, სიმრავლე იქნება  $2^{100}$ , ამ სიმრავლიდან კონკრეტული გასაღების ამორჩევას, უხეში ძალით ამორჩევით, რამდენიმე წელი დასჭირდება, ასევე რაც ხარჯებთან და დიდ დროსთან არის დაკავშირებული.  $2^{128}$  გადარჩევას დასჭირდება  $\approx 10^{18}$  ჯ. ენერგია, რაც 1 წლის განმავლობაში დახარჯული 30 გიგავატი სიმძლავრის ენერგიის ტოლფასია. მაგრამ, თუკი „პაკერი“ მიუღება ამ მეთოდს არა უხეში ძალის გატეხვის პრინციპით, არამედ სხვა კუთხით, მაშინ, რადგან ქართულში გვაქვს 33 ასონიშანი, თითოეულ ორობითს უნდა შეუსაბამოს რიგითი ნომერი. ორობითი უნდა გადავიყვანოთ ათობითში. მაქსიმალური სიმრავლე იქნება  $2^6$ , მაგრამ „პაკერი“ იცის რამდენი სიმბოლო უნდა აიღოს თითოეული ასონიშნის ამოსაცნობად, ანუ გადარჩევა უნდა გააკეთოს სიმრავლიდან. აქედან გამომდინარე, ჩასატარებელი ოპერაციები გაიზრდება და გარდა ამისა, სიმრავლის დადგენის მერე, კომბინაციებიც ექნება დასადგენი და ეს ყველაფერი უნდა გააკეთოს თითოეული სიმბოლოს ამოსარჩევად.

ამით ჩასატარებელი ოპერაციების რაოდენობა კიდევ უფრო გაიზრდება და იქნება  $\approx \left(\sum_{n=1}^6 2^n\right)! \bullet 33 \bullet n$ . ეს

საკმაოდ დიდი რიცხვია, იმისათვის რომ პაკერმა რეალურ დროში მოახდინოს ტექსტის ამოცნობა.

ე.ო. უხეში ძალის მეთოდით გატეხვის შემთხვევაში სიმრავლე კიდევ უფრო გაიზრდება და კატასტროფულ რიცხვს მიაღწევს  $\approx 2^{100} + \left(\sum_{n=1}^6 2^n\right)! \bullet 33 \bullet n; \left(\sum_{n=1}^6 2^n\right)! = 127$  ! - ეს კი ძალიან დიდი

რიცხვია  $127! > 2^{127} - ზე, 2^{128} -$  ის გატეხვას კი სჭირდება  $\approx 10,790,283,070,806$  წელი. მეთოდი არის ადვილი, მარტივად და სწრაფად დასაშიფრო, მიმღები მხარისათვისაც სწრაფად გასაშიფრი და ამავდროულად, პაკერისაგან მაქსიმალურად დაცული (ნახ.1) [6].

### 2.3. მიღებული მეთოდი ათობით სისტემაში

აღნიშნული მეთოდი შეგვიძლია ასევე განვახორცილეოდ ათობითი სახით. მოვიყვანოთ შესაბამისი მაგალითი:

X მხარე აგზავნის წერილს, წერილიდან ამ უტაბზე ამოვილოთ ერთი სიტყვა და ეს სიტყვა იყოს, ვთქვათ გ ე პ ე ი. X მხარეს ეს დასაშიფრი სიტყვა გადაჰყავს ათობითში, ათვლას იწყებს 1-დან ანუ  $a=1$ , ყოველ სიმბოლოს შეუსაბამებს ანბანის რიგით ნომერს და მიღებს: 3 5 15 5 9;

შეძლებომ იყენებს რიცხვის წონას. ორობითში, წონის სახით, ჩვენ ავიღეთ ერთიანების რაოდენობა, ათობითში ეს არ გამოგვადგება. ამიტომ ათობითში წონა იქნება რიცხვის ჯამი, ანუ

მაგალითად, 3-ის წონა იქნება 3, 9-ის წონა იქნება 9, 13-ის წონა იქნება 4, 25-ის წონა იქნება 7, და ა.შ. მიღებული რიცხვები კი, წონის გამოყენებით, ჩაიწერება შემდეგი სახით: 3 5 6 5 9;

წონის გამოყენებით ჩაწერა კი მოხდება შემდეგნაირად:  $3*3 \quad 5*5 \quad 15*6 \quad 5*5 \quad 9*9;$

მიღებული შეძლება ჩავწეროთ შემდეგნაირად:

$$1*(3+2)*3 \quad 1*(5+4)*5 \quad 5*(3+3)*6 \quad 1*(5-2)*5 \quad 3*(3-3)*9$$

$1*(3+2)*3$  – აღნიშნული ჩანაწერი ნიშნავს:  $1*(3 - 1)$  საწყისი რიცხვი;  $+2$  – შემთხვევითი რიცხვი;

$*3$  – რიცხვის წონა;

მიღებულს დაემატება კიდევ საიდუმლო გასაღები და მივიღებთ:

$$1*(3+2)*3 \quad 1*(5+4)*5 \quad 5*(3+3)*6 \quad 1*(5-2)*5 \quad 3*(3-3)*9$$

$$1*(1+2)*2 \quad 2*(2-1)*3 \quad 5*(4+3)*5 \quad 1*(6-2)*5 \quad 7*(4-3)*7$$

გამრავლების ნიშანი სიმბოლურად არის ჩასმული, გამოთვლის დროს არ გამოიყენება, შევკრიბოთ და მივიღებთ:

$$2*(4+4)*5 \quad 3*(7+5)*8 \quad 10*(7+6)*11 \quad 2*(11-4)*10 \quad 10*(7-6)*16$$

მივიღეთ საბოლოო ფორმა დაშიფრული ტექსტის და გუგზავნები მეორე მომხმარებელს და არხით.

მიღები მხარე მიღებულ ციფრებს გამოაკლებს მისთვის ცნობილ, ანუ საიდუმლოდ მიღებულ გასაღებს და მიღებს

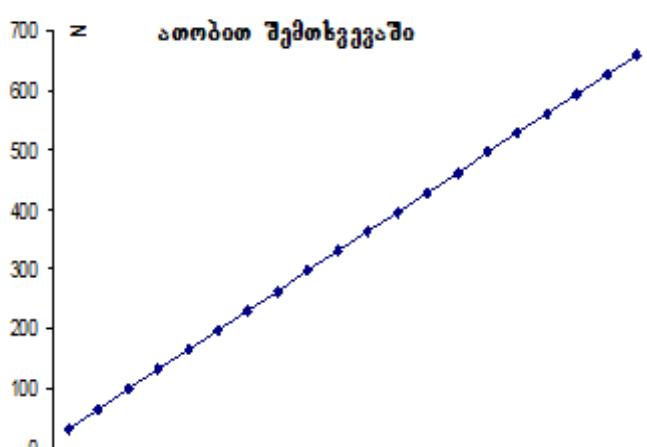
$$1*(3+2)*3 \quad 1*(5+4)*5 \quad 5*(3+3)*6 \quad 1*(5-2)*5 \quad 3*(3-3)*9$$

აქ კი მომხმარებელი ბევრ დროს არ დახარჯავს. მან იცის რა პრინციპით არის ჩაწერილი, ის რომ მათემატიკური მოქმედებები ზედმეტად არის ჩასმული, ანუ სიმბოლურად, ანუ მას რაიმე დატვირთვა არა აქვს. წონის მიხედვით დაადგენს მის ნამდვილობას, დარწმუნდება რომ არ არის შეცვლილი. მერე აიღებს ყოველ მესამე ელემენტს თანმიმდევრობით, შეუსაბამებს ანბანის ასონიშნებს და მიიღებს საწყის სიტყვას ანუ გაშიფრავს. ამ ყველაფერს, ანუ გაშიფრას წამეტში გააკეთებს [5,6,7].

რაც შეეხება „ჰაკერს”, ანუ რამდენად საიმედოა მეთოდი [7,8]. რადგან საქმე გვაქვს ათობით ციფრებთან, ამიტომ გასაღების სიგრძე უნდა იყოს 30-ის ტოლი, სიმრავლე იქნება  $10^{30}$ , ეს კი კრიპტოგრაფიაში არის საკმარისი სიმრავლე საიმედოობისათვის  $2^{100} \approx 10^{30}$ , “ჰაკერმა” ამ სიმრავლიდან უნდა ამოარჩიოს გასაღები, ეს იმ შემთხვევაში თუ „ჰაკერი“ გამოიყენებს უხეში გატეხვის მეთოდს, სხვა შემთხვევაში კი მიღებულ დაშიფრულ ტექსტში უნდა დაადგინოს კომბინაციები, ამისათვის მან უნდა

ჩაატაროს  $(\sum_{k=1}^{33} K)!\bullet n$  ოპერაცია. ე.ი თუ უხეში გატეხვის მეთოდს მიჰყვება მას დასჭირდება დიდი დრო

და ჩასატარებელი ოპერაციების რაოდენობა იქნება  $\approx 10^{30} + (\sum_{k=1}^{33} K)!\bullet n$  (იხ. ნახ.2, ცხრ.1).



ნახ.2. ათობით სანთ და მაღლით შემთხვევაში ტექსტის  
სიმღერების დამოკიდებულება ჩასატარებებით რაოდენობის  
რაოდენობასთან

არსებული და მიღებული სიმეტრიული სისტემების მახასიათებლები						ცხ.1
სიმეტრ. სისტ.	გამოყ. ფუნქც.	შიფრაციის სიჩქარე	ჩასატარებელი ოპერატ. რაოდენობა	რისტო- სირთულე	გაშიფრის დრო	
კერამის მეორედი	სიმეტ.	მაღალი	$33! \cdot n$	გასაღ. სივრცეში მოლიანი გადარ.	$> 6.4 \times 10^6$ წელი	
შეპრუნ. მატრიც. მეორედი	სიმეტ.	შეღარებით დაბალი	$2^{100}$	გასაღ. სივრცეში მოლიანი გადარ.	$< 5.4 \times 10^{18}$ წელი	
რიცხვთა წონის მეორედი ორთანიში	სიმეტ.	მაღალი	$2^{100} + \left( \sum_{n=1}^6 2^n \right) \bullet 33 \bullet n$	გასაღ. სივრცეში მოლიანი გადარ. და კომბინაციების დაფარვა	$>> 5.9 \times 10^{30}$ წელი	
რიცხვთა წონის მეორედი ათონიში	სიმეტ.	მაღალი	$10^{30} + (\sum_{k=1}^{33} K)! \bullet n$	გასაღ. სივრცეში მოლიანი გადარ. და კომბინაციების დაფარვა	$> 5.9 \times 10^{30}$ წელი	

### 3. დასკვნა

მიგიდეთ სიმეტრიული არხის ისეთი მეთოდი, რომელიც თვით მომზმარებლებისათვის, როგორც დასაშიფრად, ასევე გასაშიფრად არის სწრაფი და მარტივი, მაგრამ ამავდროულად, მესამე პირისათვის („ჰაკერი“) არის როტულად გასატეხი, ანუ მაქსიმალურად დაცული სხვა არაკანონიერი მომზმარებლებისაგან. ასევე მიძღებ მხარეს შეუძლია დაადგენოს მიღებული დაშიფრული ტექსტის ნამდვილობა. მიღებული მეთოდები მომზმარებლებისათვის ხასიათდება მაღალი სიჩქარით, შესაბამისად მოითხოვს მცირე დროს, დიდი სიმრავლით და მცირე ალბათობით. გატეხვა ფაქტიურად ნულის ტოლფასია, რაც აგებულ გრაფიკებზეც ნათლად ჩანს. ორობითი უფრო საიმედოა ვიდრე ათობითი. თუმცა ათობითიც მაქსიმალურად დაცული მეთოდია, ვიდრე არსებული მეთოდები.

ლიტერატურა:



## **WORKING OUT OF A METHOD OF PROTECTION OF THE INFORMATION ON WEIGHT OF NUMBERS**

Kotrikadze Gulnara, Cimintia Tabuka  
Georgian Technical University

## Summary

We developed a new method of the closed channel, which is very fast and simple to use for coding and decoding purposes. At the same time, it is very difficult for so-called «hackers» to crack it, and is highly protected from the illegal access. Besides, the receiving party can establish the validity of the coded text.