

**კოპერენტული დემოდულატორის ხელშეშლებისადმი მდგრადობის კვლევა**

ომარ ტომარაძე  
საქართველოს ტექნიკური

**რეზიუმე**

გამოკვლეულია ერთჯერადი ფაზასხვაობითი მოდულირებული სიგნალების კოპერენტული დემოდულატორის ხელშეშლებისადმი მდგრადობა სელექციური მილევის (მიფუნების) არხებისა და შემთხვევითი შეცდომების შემოქმედების პირობებში. მტკიცდება, რომ შესაბამისი დემოდულატორის არარსებობის დროს ირღვევა კოპერენტული დამუშავების პირობა, რაც განაპირობებს შეცდომების გაზრდის ალბათობას.

**საკვანძო სიტყვები:** ფაზასხვაობითი სიგნალი. სიგნალების მოდულატორი. არხის სელექციური მილევა. კოპერენტული დემოდულატორი. შეცდომების ალბათობა. მდგრადობა.

**1. შესავალი**

სიგნალების ციფრული დამუშავების ერთ-ერთი აქტუალური ამოცანაა სიგნალის გაწმენდა შემთხვევითი შეცდომებისაგან, რადგან რეალურ პირობებში საინფორმაციო სისტემის ელემენტები განიცდიან ხელშეშლების შემოქმედებას [1]. ნებისმიერი საინფორმაციო-საზომა სისტემა განიხილება როგორც ინფორმაციის წყარო, გადამცემი არხი და მიმღები ანუ დემოდულატორი.

შემოთავაზებულ სტატიამში განხილულია რეალურ ახებში ინფორმაციის მიღება და კოპერენტული დემოდულატორის ხელშეშლებისადმი მდგრადობის კვლევა ადიტიური გაუსის ხმაურიან სიხშირის მიხედვით სელექციური მილევის (მიფუნების) არხებში. დასმული ამოცანის გადაწყვეტა ხდება კოპერენტული დემოდულატორისათვის ერთჯერადი ფაზასხვაობითი მოდულირებული სიგნალების შემთხვევაში.

**2. ძირითადი ნაწილი**

ცნობილია, რომ ერთჯერადი ფაზასხვაობითი მოდულირებული სიგნალების კოპერენტული მიღების ალგორითმი შეიძლება წარმოვადგინოთ შემდეგი სახით:

$$(I_1+I_2)^2 > (I_1-I_2)^2, \quad \text{სადაც} \quad (1)$$

$$I_1 = (2/T) \int_0^T z_n(t)S(t)dt, \quad I_2 = (2/T) \int_0^T z_{n+1}(t)S(t)dt,$$

$$S(t) = \sum_{k=k_1}^{k_2} A_k \cos k\omega t + B_k \sin k\omega t$$

$A_k, B_k \in (0,1)$  ინტერვალზე გადასაცემი სიგნალის ფურიეს დაშლის კოეფიციენტები;  $\omega = (2\pi/T)$ ;  $T$  - სიგნალის ელემენტარული გზავნილის ხანგრძლივობა;  $k_2 - k_1 + 1 = q$   $B = 2q$  - სიგნალის ბაზა.  $z_n(t)$  - სიგნალის  $n$ -ური გზავნილის და გაუსის ადიტიური ხმაურის ნარევის რეალიზაცია.

რომ არ დავარღვიოთ განზოგადება, ჩავთვალოთ გადაცემული სიგნალის ფაზათა სხვაობის ნულოვანი მნიშვნელობა. ე. ი.

$$z_n(t) = \sum_{k=k_1}^{k_2} [(a_k + \xi_k) \cos k\omega t + (b_k + \hat{\xi}_k) \sin k\omega t],$$

$$z_{n+1}(t) = \sum_{k=k_1}^{k_2} [(a_k + \eta_k) \cos k\omega t + (b_k + \hat{\eta}_k) \sin k\omega t], \quad \text{სადაც}$$

$$a_k = \mu_{\xi_k} A_k - \mu_{\eta_k} B_k, \quad b_k = \mu_{\xi_k} B_k + \mu_{\eta_k} A_k;$$

$\mu_{\xi_k}, \mu_{\eta_k} \in (0,1)$ -ურ სიხშირეზე არხის გადაცემის კოეფიციენტის სინფაზური და კვადრატული მდგენელები;  $\hat{\xi}_k, \hat{\eta}_k, \mu_k$  და  $\mu_k$   $k$ -ურ სიხშირეზე ადიტიური გაუსის ხმაურის კოეფიციენტების

დაშლის რეალიზაციის სინფაზური და კვადრატული მდგენელებია სიგნალის  $n$ -ური და  $(n+1)$  გზავნილის გადაცემისას ნორმალური შემთხვევითი სიდიდის ნულოვანი საშუალო და თანაბარი დისპერსიებით. განხილულ შემთხვევაში შეცდომების ალბათობა განისაზღვრება (1)-ლი უტოლობის შეუსრულებლობით. ე. ი.

$$P_{\text{ცდ.}} = P[\chi_1 < \chi_2], \text{ სადაც} \quad (2)$$

$$\chi_1 = (I_1 + I_2)^2, \quad \chi_2 = (I_1 - I_2)^2$$

ე. ი. უნდა მოინახოს ისეთი პირობები, როდესაც  $\chi_1 = (I_1 + I_2)^2 < \chi_2 = (I_1 - I_2)^2$ .

ელემენტარული, მაგრამ ვრცელი გარდაქმნების შესრულების შედეგად  $P_{\text{ცდ.}}$ -სთვის მივიღებთ:

$$P_{\text{ცდ.}} = (1/2)[1 - \Phi^2\{(\sqrt{T/2\vartheta})^2 \sum_{k=1}^q \mu_{\text{სკ}} C_k / \sqrt{\sum_{k=1}^q C_k}\}] \quad (3)$$

აღსანიშნავია, რომ მიუხედავად (მილევის) არ არსებობის დროს (3)-დან გამოდის ცდომილების ალბათობის ცნობილი გამოსახულება, რომელიც სამართლიანია ერთჯერადი ფაზასხვაობითი მოდულირებული სიგნალების კოპერენტული მიღების დროს ადიტიური გაუსის ხმაურიან არხებში [2,3].

$$P_{\text{ცდ.}} = (1/2)[1 - \Phi^2(h)], \text{ სადაც} \quad (4)$$

$$h^2 = (T/2\vartheta^2) \sum_{k=1}^q C_k (\mu_{\text{სკ}}^2 + \mu_{\text{ზკ}}^2) \quad (5)$$

$$\mu_{\text{ს1}} = \mu_{\text{სq}} = \mu_{\text{ს}} \quad \mu_{\text{ზ1}} = \mu_{\text{ზq}} = \mu_{\text{ზ}}$$

მიუხედავად (მილევის) არხებში მიღებული სიგნალის ენერჯია და შესაბამისად  $\chi^2$ -ის სიდიდე არის შემთხვევითი და შეცდომების საშუალო მნიშვნელობის განსაზღვრისათვის (3)-ე უნდა გავსაშუალოთ გადაცემის კოეფიციენტის ყველა შესაძლო სინფაზური მდგენელის  $\mu_{\text{სკ}}$  მიხედვით (სადაც  $k = k_1, k_2, \dots, k_2 - k_1 + 1 = q$ ).

შემოვიტანოთ აღნიშვნა

$$v = \sum_{k=1}^q (\mu_{\text{სკ}} C_k) / \sqrt{\sum_{k=1}^q C_k}$$

რადგანაც  $\mu_{\text{სკ}}$  ნორმალური შემთხვევითი სიდიდეებია, ნულოვანი საშუალოთი. შემთხვევითი სიდიდე  $v$ -ც არის ნორმალური ნულოვანი საშუალოთი და დისპერსიით

$$\sigma_v^2 = \sum_{k=1}^q \sum_{e=1}^q C_k C_e \bar{\mu}_{\text{სკ}} \bar{\mu}_{\text{სე}} / \sum_{k=1}^q C_k \quad (6)$$

სადაც  $\mu_{\text{სკ}}$   $\mu_{\text{სე}}$   $k$ -ურ და  $e$ -ურ სიხშირეებზე გადაცემის კოეფიციენტის სინფაზური მდგენელების კორელაციური ფუნქციაა. შესაბამისად (3)-ე შეიძლება წარმოვადგინოთ შემდეგი სახით

$$\bar{P}_{\text{ცდ.}} = (1/2\sqrt{2\pi}\sigma_v) \int_{-\infty}^{\infty} [1 - \Phi^2(\sqrt{T/2v^2}\sigma_v v)] \exp\{-(v^2)/2\sigma_v^2\} dv \quad (7)$$

ან ელემენტარული გარდაქმნების შედეგად მივიღებთ

$$\bar{P}_{\text{ცდ.}} = (1/2) - 1/\sqrt{2\pi} \int_0^{\infty} \Phi^2(\sqrt{T/2v^2}\sigma_v t) \exp\{-t^2/2\} dt$$

ეს ინტეგრალი არის ცხრილის [5,6], შედეგად მივიღებთ

$$\bar{P}_{\text{ცდ.}} = (1/2) - (1/\pi) \arctg(T\sigma_v^2/v^2) / (v^2\sqrt{2T}\sigma_v^2/v^2 + 1) \quad (8)$$

შემდგომში გავითვალისწინოთ, რომ

$$\bar{\mu}_{\text{სკ}} \bar{\mu}_{\text{სე}} = 0,5 \bar{\mu}^2 R_{k,e} \quad (9)$$

სადაც  $\bar{\mu}^2$  – სისშირის ყველა მდგენელზე არხის გადაცემის კოეფიციენტის საშუალო მნიშვნელობის კვადრატია;  $R_{k,e}$  – k- ურ e-ურ სისშირეებზე ნორმირებული კორელაციის კოეფიციენტები. ჩავსვათ (9)-ე (6)-ში, მივიღებთ

$$\sigma_v^2 = 0,5 \bar{\mu}^2 \sum_{k=1}^q \sum_{e=1}^q C_k C_e R_{k,e} / \sum_{k=1}^q C_k \quad (10)$$

ე. ი. შემთხვევითი v სიდიდის დისპერსია განისაზღვრება მიყუცების (მილევის) ხასიათით. ( $R_{k,e}=1$  და როცა  $k=e$ ) (10)-დან გამომდინარეობს საერთო მიყუჩება (მილევა)

$$\sigma_{v,0}^2 = 0,5 \bar{\mu}^2 \sum_{k=1}^q C_k \quad (11)$$

სუფთა სელექციური (არაკოლერილებული) მიყუჩების (მილევის) დროს ( $R_{k,e}=0$  როცა  $k \neq e$ ,  $R_{k,e}=1$  როცა  $k=e$ )

$$\sigma_{v,c}^2 = 0,5 \bar{\mu}^2 \sum_{k=1}^q C_k^2 / \sum_{k=1}^q C_k \quad (12)$$

(10) და (12) ჩავსვათ (8)-ში მივიღებთ გამოსახულებას კოპერენტული დემოდულიატორის ცლომილების საშუალო ალბათობის საანგარიშოდ.

საერთო რელეური მიყუჩებისათვის (მილევისათვის)

$$\bar{P}_{\text{ცდ.საერ.}} = (1/2) - (1/\pi) \arctg(h^2 / \sqrt{1+2h^2}) \quad (13)$$

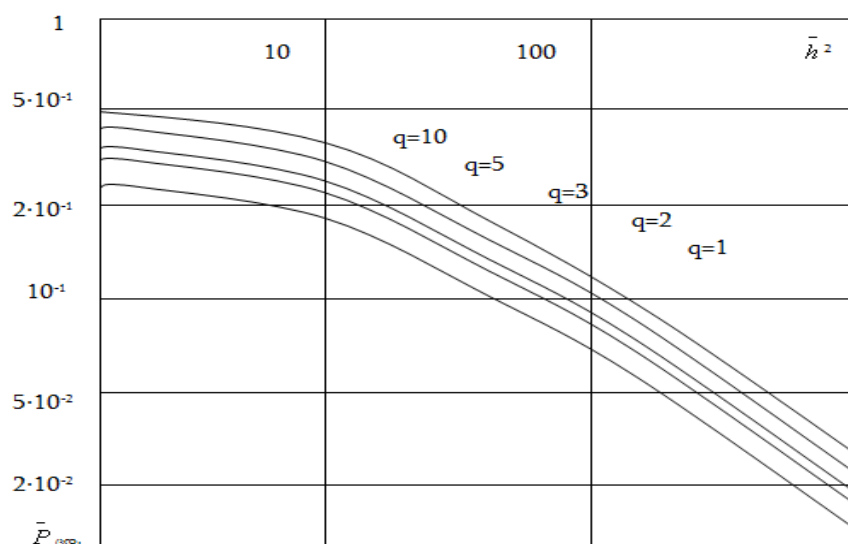
სუფთა სელექციური მიყუჩებისათვის (მილევისათვის)

$$\bar{P}_{\text{ცდ.სელ.}} = (1/2) - (1/\pi) \arctg(\bar{\mu}^2 TQ / 2v^2 \sqrt{1 + \bar{\mu}^2 TQ/v^2}) \quad (14)$$

სადაც  $\bar{h}^2$  - მილების ადვილზე სიგნალ/ზმაურთან ფარდობის საშუალო მნიშვნელობა (ფსხ)

$$Q = \sum_{k=1}^q C_k^2 / \sum_{k=1}^q C_k \quad (15)$$

როგორც ადრეც აღვნიშნეთ, სელექციური მიყუჩების (მილევის) არხებში შეცდომების საშუალო მნიშვნელობის ალბათობა დამოკიდებულია გადასაცემი სიგნალის სისშირის მიხედვით ენერჯიის განაწილებაზე. სიგნალის ენერჯიის თანაბარი განაწილების დროს ( $C_k=C-\text{const}$ ) (15)-დან გამომდინარეობს, რომ  $Q=C$  და (114) შეიძლება წარმოვადგინოთ შემდეგი სახით :



ნახ. 1

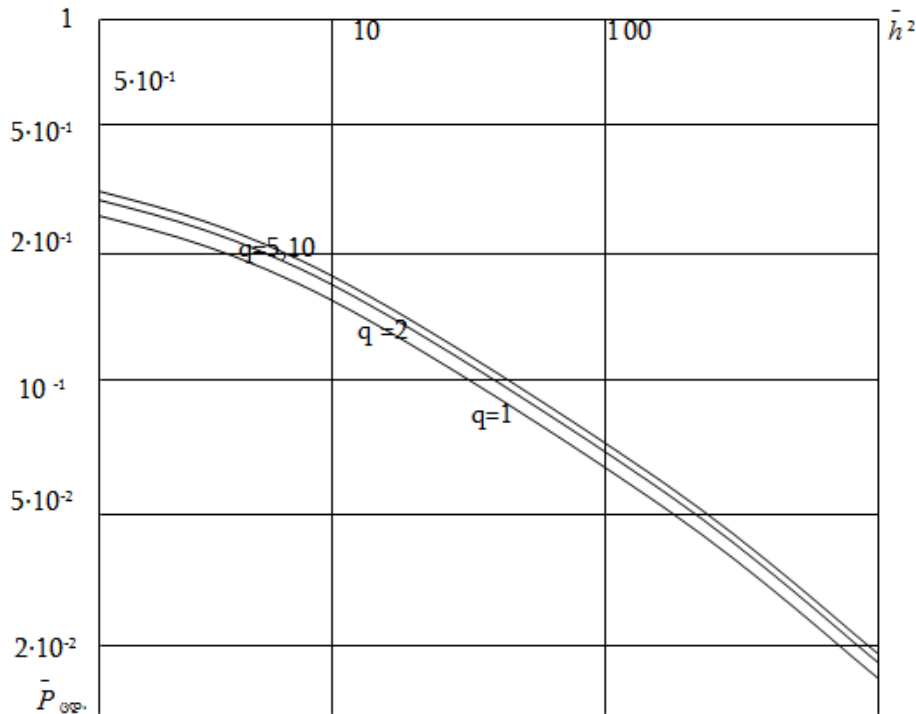
$$\bar{P}_{\text{ცდ.სელ.}} = (1/2) - (1/\pi) \arctg(\bar{h}^2 / q \sqrt{1 + 2h/q}); \quad (16)$$

არათანაბარი განაწილების დროს

$$Q=(2v^2/\mu^2T\bar{h}^2\sum_{k=1}^q(\bar{h}_k^2)^2) \quad (17)$$

ჩავსვათ (17) (14)-ში, მივიღებთ

$$\bar{P}_{\text{გდ.სელ.}}=(1/2)-(1/\pi)\arctg\left\{\sum_{k=1}^q(\bar{h}_k^2)/\bar{h}^2\sqrt{1+2\sum_{k=1}^q(\bar{h}_k^2)/\bar{h}^2}\right\} \quad (18)$$



ნახ. 2

(13), (16) და (18)-ის მიხედვით ჩატარებულ იქნა საჭირო გათვლები. 1-ელ ნახაზზე მოცემულია  $\bar{P}_{\text{გდ.სელ.}}$  და  $\bar{P}_{\text{გდ.სელ.}}$  დამოკიდებულება  $q=1,2,5$ , და 10-თვის, ხოლო მე-2 ნახაზზე -  $\bar{P}_{\text{გდ.სელ.}}$  გადასაცემი სიგნალის ენერჯიის არათანაბარი განაწილება მდგენელების პორციალური შერჩევის შემთხვევაში

$$\bar{h}^2=(1/9)[8+(1/4)^{q-1}]h^2, \quad \bar{h}^2=(1/3)(1/4)^{k-1}h^2, \quad k=2,\dots,q$$

### 3. დასკვნა

მიღებული შედეგები გვაძლევს საშუალებას გავაკეთოთ დასკვნები სელექციური მიღების (მიყურების) არხებში ერთჯერადი ფაზასხვაობითი მოდულირებული სიგნალების კოჰერენტული დემოდულიატორის ხელშეშლების მდგრადობისადმი.

1. არხის გადაცემის კოეფიციენტის მდგენელების მიმდინარე ინფორმაციის დემოდულიატორის არ არსებობის დროს ირღვევა კოჰერენტული დამუშავების პირობა, რაც განაპირობებს შეცდომების ალბათობის გაზრდას.

2. მიღების ხელშეშლებისადმი მდგრადობა დამოკიდებულია სიგნალის ბაზაზე. ყველა სხვა თანაბარი პირობების დროს სიგნალის ბაზის გაზრდა იწვევს შეცდომების ალბათობის გაზრდას. აღნიშნული მოვლენა განსაკუთრებით თავს იჩენს გამოყენებული სიხშირის ღიაპაზონში გადასაცემი სიგნალის ენერჯიის თანაბარი განაწილების დროს.

**ლიტერატურა:**

1. ტომარაძე ო. ფსმ სიგნალების ოპტიმალური კოჰერენტული დამუშავების ხელშეშლებისას მდგრადობა არხებში სელექციური მიყუჩებით. სტუს შრ.კრ. N6, 1991
2. Финк Л. М. Теория передачи дискретных сообщений. М. Сов. радио, 1970
3. Окунев Ю. Б. Теория фазоразностной модуляции. М. Связь, 1979
4. Левин Б. Р. Теоретические основы статистической радиотехники. М. Сов. радио, 1974
5. Градштейн И.С., Рыжик И.М. Таблицы интегралов сумм, рядов и произведений. М. Физматиз, 1962
6. Прудников А.П., Брычков Ю.А. Маричев О.И. Интегралы и ряды. Специальные функции. М. Наука, 1983.

**RESEARCH OF RANDOM ERRORS NOISE IMMUNITY IN COHERENT DEMODULATOR**

Tomaradze Omar  
Georgian Technical University

**Summary**

In this article it is studied the immunity of the coherent demodulator of signals with a single PDM in channels with selective fading-out. It is proved that in the case of absence of an appropriate demodulator, the conditions of coherent processing are violated, what leads to an increase of the probability of error.

**ИССЛЕДОВАНИЕ ПОМЕХОУСТОЙЧИВОСТИ КОГЕРЕНТНОГО ДЕМОДУЛЯТОРА**

Томарадзе О.  
Грузинский Технический университет

**Резюме**

Исследуется помехоустойчивость когерентного демодулятора сигналов с однократной ФРМ в каналах с селективными замираниями. Доказывается, что при отсутствии соответствующего демодулятора нарушаются условия когерентной обработки, что обуславливает увеличение вероятности ошибки.